

CAC-Diff-Ballong: Denna diff beskriver hur en ballong stiger med avseende på höjd, $V1$ är volym på ballongen vid jordytan och $V2$ är max volym på ballongen, m är massan ballongen bär och ρ_b är densitet på gasen i ballongen vid jordytan. Här är h höjd över havet och ρ är densitet på luften då.

$$V1 := 1 \qquad \rho := 1.2 \qquad cw := 0.2$$

$$V2 := 1 - V1 \qquad h := 300$$

$$\rho_b := 0.18$$

$$m := .8$$

$$A := \left(\left(\frac{V1 \cdot 3}{4 \cdot \pi} \right)^{\frac{1}{3}} \right)^2 \cdot \pi$$

$$g := 9.81 \quad \rho_j := 1.3 \quad pearth := 101300$$

```
atmos( $\rho_j, g, pearth$ ) :=
  patm ← 0.34555997
  h ← 1
   $\rho$  ← 0
  for  $j \in 0, 1..999$ 
    for  $i \in 0, 1..99$ 
      patm ← patm +  $\rho \cdot g \cdot h$ 
       $\rho$  ←  $\frac{patm \cdot \rho_j}{pearth}$ 
       $A_{999-j, 0}$  ←  $\rho$ 
       $A_{999-j, 1}$  ← patm
  A
```

$$i := 0, 1..999$$

$$gg := atmos(\rho_j, g, pearth)^{(0)} \quad hh_i := 100 \cdot i$$

$$ro(n) := linterp(hh, gg, n)$$

$$pp := atmos(\rho_j, g, pearth)^{(1)}$$

$$p(n) := linterp(hh, pp, n)$$

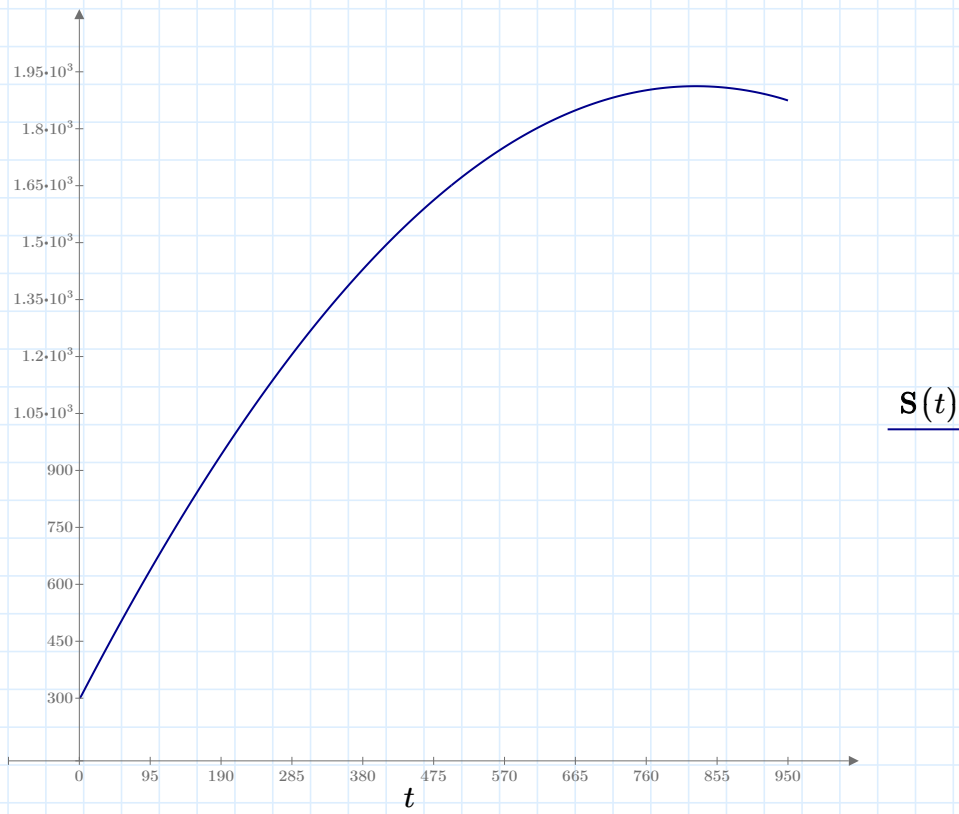
$$konst := p(h) \cdot V1$$

$$T := 950$$

$$s''(t) = \frac{\left(\frac{ro(s(t)) \cdot \rho}{ro(h)} - \rho b \cdot \frac{V1}{\begin{cases} \text{if } \frac{konst}{p(s(t))} > (V1+V2) \\ \parallel V1+V2 \\ \text{else} \\ \parallel \frac{konst}{p(s(t))} \end{cases}} \right) \cdot \begin{cases} \text{if } \frac{konst}{p(s(t))} > (V1+V2) \\ \parallel V1+V2 \\ \text{else} \\ \parallel \frac{konst}{p(s(t))} \end{cases}}{m} \cdot g - m \cdot g - \frac{s'(t)^2 \cdot ro(s(t)) \cdot A}{2}$$

$s(0) = h$ $s'(0) = 0$
S := odesolve (s(t), T, 3000)

$t := 0, 1..T$



$$V(t) := \frac{d}{dt} S(t)$$

$$\text{root}(V(t), t, 700, 855) = 826.479$$

När ballongen når max höjd

